

---

# **Compiladores: Análisis Sintáctico**

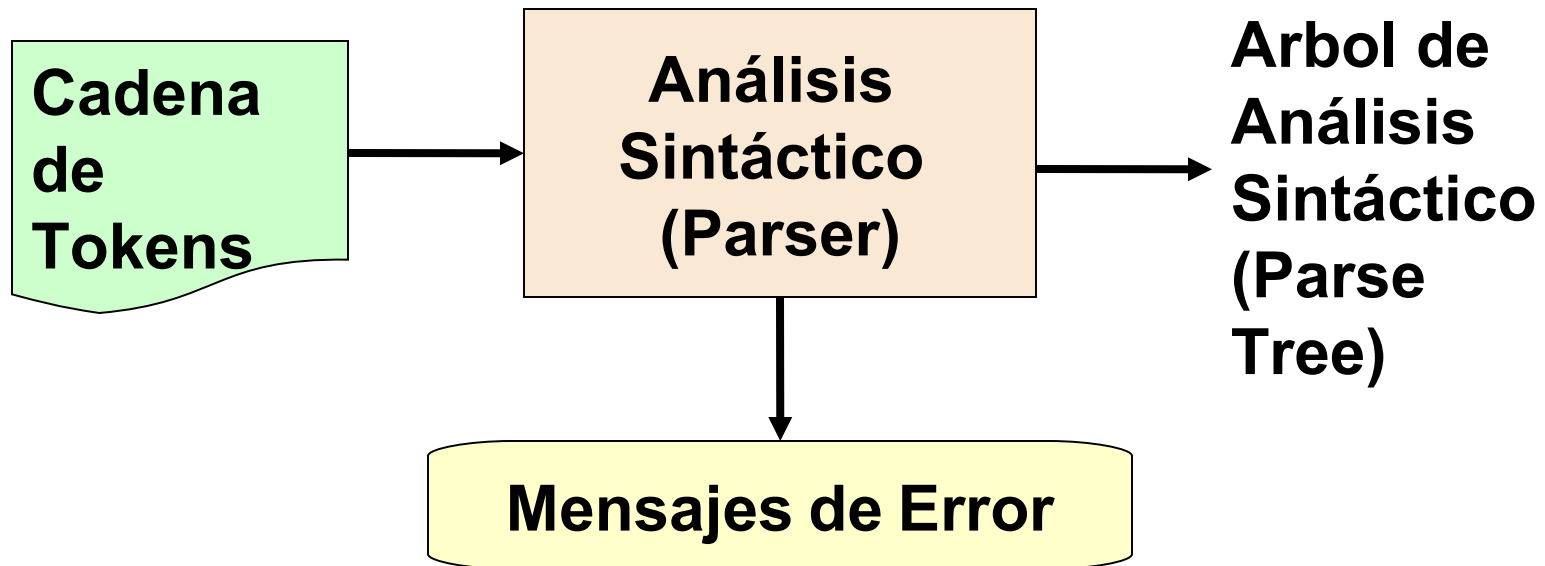
---

**Pontificia Universidad Javeriana Cali  
Ingeniería de Sistemas y Computación  
Prof. Gloria Inés Alvarez V.**

# Sintaxis

- Define la estructura del lenguaje
- Ejemplo: Jerarquía en el Lenguaje C
  - Funciones
  - Bloques
  - Sentencias
  - Expresiones
- Las gramáticas permiten describir esta estructura, pero no incluyen información de la semántica

# Análisis Sintáctico



Obtiene la cadena de tokens del analizador léxico y verifica que puede ser generada por la gramática que describe el lenguaje fuente

# Gramática

Es una forma de describir un lenguaje formal.

- La gramática permite generar cadenas a partir de un símbolo inicial y aplicando reglas que indican como ciertas combinaciones de símbolos pueden ser reemplazadas usando otras combinaciones de símbolos
- Una Gramática Formal **G** se compone de:
  - Un conjunto finito de **Símbolos No Terminales (N)**
  - Un conjunto finito de **Símbolos Terminales ( $\Sigma$ )**
  - Un conjunto finito de **Reglas de Producción (P)**
    - Cada regla tiene la forma  $\alpha \rightarrow \beta$ , donde  $\alpha$  y  $\beta$  pertenecen a  $(\Sigma \cup N)^*$ , la parte izquierda ( $\alpha$ ) debe contener al menos un símbolo no terminal
  - Un símbolo de Inicio (**S**), que pertenece a **N**

# Gramática

- El lenguaje de una gramática  $\mathbf{G} = (N, \Sigma, P, S)$ , se denota como  $\mathbf{L(G)}$ , y se define como todas aquellas cadenas sobre  $\Sigma$  que pueden ser generadas iniciando en el símbolo  $\mathbf{S}$ , y aplicando las reglas de producción  $\mathbf{P}$ , hasta reemplazar todos los símbolos no terminales

# Gramática: Ejemplo

G:

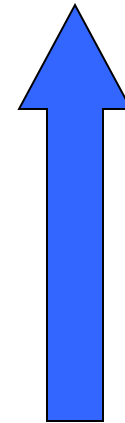
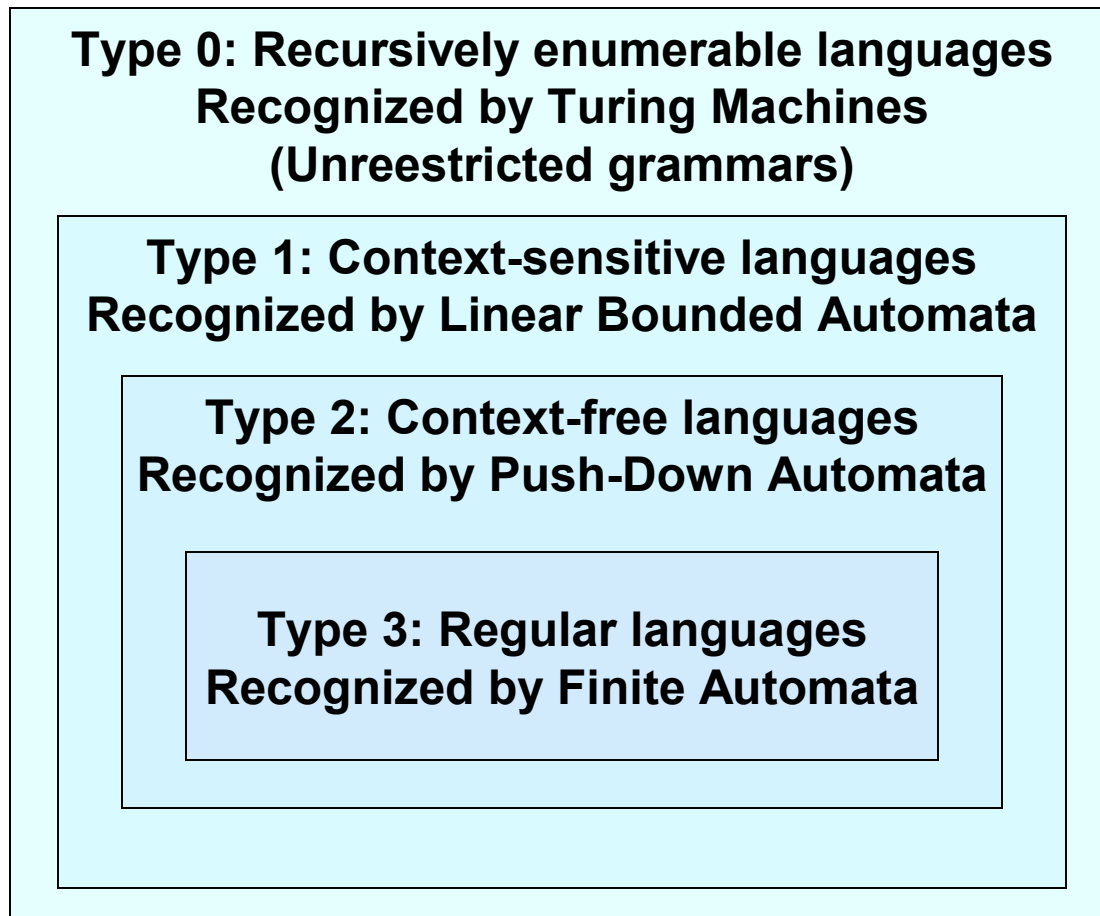
- $N = \{ S \}$
- $\Sigma = \{ 0, 1 \}$
- $P = \{ S \rightarrow 0 S$   
 $S \rightarrow 1 S$   
 $S \rightarrow \epsilon \}$

Cadenas generadas por G:

- 00000
- 010101
- 0001

**Como quitar los 0's al inicio de las cadenas?**

# La Jerarquía de Chomsky de los Lenguajes Formales



**Menos  
Re restrictivas**

# Type 3: Regular Grammars

Una Gramática  $\mathbf{G} = (\mathbf{N}, \Sigma, \mathbf{P}, \mathbf{S})$ , es una gramática regular si sus reglas de producción son de la forma:

$$A \rightarrow a$$

$$A \rightarrow a B$$

Donde  $\mathbf{A}$ ,  $\mathbf{B}$  pertenecen a  $\mathbf{N}$ , y  $\mathbf{a}$  pertenece a  $\Sigma$

El primer símbolo en el lado derecho de las reglas de producción debe ser un terminal y puede estar seguido por un no terminal



---

# Type 3: Regular Grammars

## Ejemplo

- El lenguaje  $\{ a^n b^m \mid m, n > 0 \}$ , sobre el  $\Sigma = \{a, b\}$

# Type 3: Regular Grammars

## Ejemplo

- El lenguaje  $\{ a^n b^m \mid m, n > 0 \}$  , sobre el  $\Sigma = \{a, b\}$
- P:
  - $S \rightarrow aA$
  - $A \rightarrow aA$
  - $A \rightarrow bB$
  - $B \rightarrow bB$
  - $B \rightarrow \epsilon$

# Type 2: Context-Free Grammars

Una Gramática  $\mathbf{G} = (\mathbf{N}, \Sigma, \mathbf{P}, \mathbf{S})$ , es una gramática libre de contexto, si sus reglas de producción son de la forma:

$$\mathbf{A} \rightarrow \alpha$$

Donde  $\mathbf{A}$  pertenece a  $\mathbf{N}$ , y  $\alpha$  es cualquier cadena de  $(\Sigma \cup \mathbf{N})^*$

# Type 2: Context-Free Grammars

## Ejemplo

- El lenguaje  $\{ a^n b^n \mid n > 0 \}$ , sobre el  $\Sigma = \{a, b\}$

# Type 2: Context-Free Grammars

## Ejemplo

- El lenguaje  $\{ a^n b^n \mid n > 0 \}$ , sobre el  $\Sigma = \{a, b\}$
- P:
  - $S \rightarrow aSb$
  - $S \rightarrow ab$

# Type 1: Context-Sensitive Grammars

Una Gramática  $\mathbf{G} = (\mathbf{N}, \mathbf{\Sigma}, \mathbf{P}, \mathbf{S})$ , es una gramática sensitiva al contexto, si sus reglas de producción son de la forma:

$$\alpha \rightarrow \beta$$

Donde  $\alpha$  y  $\beta$  pertenecen a  $(\mathbf{\Sigma} \cup \mathbf{N})^*$ ,  $\alpha$  contiene al menos un símbolo no terminal, y la longitud de  $\alpha$  es menor o igual que la longitud de  $\beta$

Son usadas para procesamiento de lenguaje natural

# Type 1: Context-Sensitive Grammars

## Ejemplo

- El lenguaje  $\{ a^n b^n c^n \mid n > 0 \}$ , sobre el  $\Sigma = \{a, b\}$

# Type 1: Context-Sensitive Grammars

## Ejemplo

- El lenguaje  $\{ a^n b^n c^n \mid n > 0 \}$  , sobre el  $\Sigma = \{a, b\}$
- P:
  - $S \rightarrow aBSc$
  - $S \rightarrow abc$
  - $Ba \rightarrow aB$
  - $Bb \rightarrow bb$



# Backus-Naur Form (BNF)

- Notación mas comúnmente usada para representar Gramáticas Libres de Contexto (Context Free Grammars – CFG)
- Jhon Backus y Peter Naur pioneros en diseño de compiladores
- La notación BNF es un conjunto de **reglas de derivación** escritas así:  
 $\langle \text{símbolo} \rangle ::= \langle \text{expresión con símbolos} \rangle$   
Donde  $\langle \text{símbolo} \rangle$  es un No Terminal, y  $\langle \text{expresión} \rangle$  consta de secuencias de símbolos separados por |

# Gramáticas Limpias y Bien Formadas

- Sin **Reglas Innecesarias**.  $A ::= b$ , es una regla innecesaria si  $A$  no hace parte del lado derecho de otra regla.  $A$  es un **símbolo innaccesible**.
- Sin **Reglas Superfluas**. Dada la gramática  $G = ( \{a, b\}, \{ S, A, B\}, S, \{S ::= AB, A ::= Aa|a, B ::= Bb\} )$ , la regla  $B ::= Bb$  es superflua porque no puede derivar una cadena que solo contenga símbolos terminales.
- Sin **Símbolos No Generativos**. Dada la gramática  $G = (N, \Sigma, S, P)$ , para cada símbolo  $A$  de  $N$  se construye la gramática  $G(A) = (N_A, \Sigma_A, A, P_A)$ , si  $L(G(A))$  es vacío, entonces  $A$  es un símbolo no generativo.

# Gramáticas Limpias y Bien Formadas

- Sin **Reglas No Generativas**.  $U ::= \epsilon$ , es una regla no generativa. Si el lenguaje representado por la grámática no contiene la palabra vacía es posible eliminar todas las reglas no generativas, de lo contrario se debe admitir la regla  $S ::= \epsilon$
- Sin **Reglas de Redenominación**.  $A ::= B$  es una regla de redenominación.

# Gramáticas Limpias y Bien Formadas

- **Ejemplo:**  $G = ( \{0,1\}, \{S,A,B,C\}, S, \{ S ::= AB \mid 0S1 \mid A \mid C , A ::= 0AB \mid \epsilon , B ::= B1 \mid \epsilon , C ::= 01C \} )$

# Gramáticas Limpias y Bien Formadas

## Ejemplo:

- C es superflua
- Se eliminan las reglas no generativas:  $G = ( \{0, 1\}, \{S, A, B, C\}, S, \{ S ::= AB \mid 0S1 \mid A \mid B \mid \epsilon, A ::= 0AB \mid 0B \mid 0A \mid 0, B ::= B1 \mid 1 \} )$

# Gramáticas Limpias y Bien Formadas

## Ejemplo:

- Se eliminan las reglas de red denominación:

$$G = ( \{0, 1\}, \{S, A, B, C\}, S, \\ \{ S ::= AB \mid 0S1 \mid A \mid B \mid \epsilon, \\ A ::= 0AB \mid 0B \mid 0A \mid 0, \\ B ::= B1 \mid 1 \} )$$

# Derivaciones

- Tratando las reglas de producción como una regla de reescritura, en la que el no terminal del lado izquierdo es reemplazado por la cadena del lado derecho de la producción, se obtiene una derivación

- Ejemplo:

$$\begin{array}{l} \text{Lista\_id} \rightarrow \text{TID TCOMA lista\_id} \\ \quad \quad \quad | \text{ TID} \end{array}$$
$$\begin{array}{l} \text{Lista\_id} \Rightarrow \text{TID TCOMA lista\_id} \\ \quad \quad \quad \Rightarrow \text{TID TCOMA TID TCOMA Lista\_id} \\ \quad \quad \quad \Rightarrow \text{TID TCOMA TID TCOMA TID} \end{array}$$
$$\text{Lista\_id} \stackrel{*}{\Rightarrow} \text{TID TCOMA TID TCOMA TID}$$

# Derivaciones

- $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$  ( $\alpha A \beta$  deriva  $\alpha \gamma \beta$ ), si  $A \rightarrow \gamma$  es una regla de producción,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  son cadenas de símbolos gramaticales
- Si  $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$ , decimos que  $\alpha_1$  deriva  $\alpha_n$
- El símbolo " $\Rightarrow_*$ " significa que deriva en un paso
- El símbolo " $\Rightarrow^*$ " significa que deriva en cero o mas pasos
- $\alpha \Rightarrow^* \alpha$
- Si  $\alpha \Rightarrow \beta$  y  $\beta \Rightarrow^* \gamma$  entonces  $\alpha \Rightarrow^* \gamma$
- Dada una gramática  $G$ , con símbolo inicial  $S$ , si  $S \Rightarrow^* \alpha$ , decimos que  $\alpha$  es una **Forma Sentencial** de  $G$



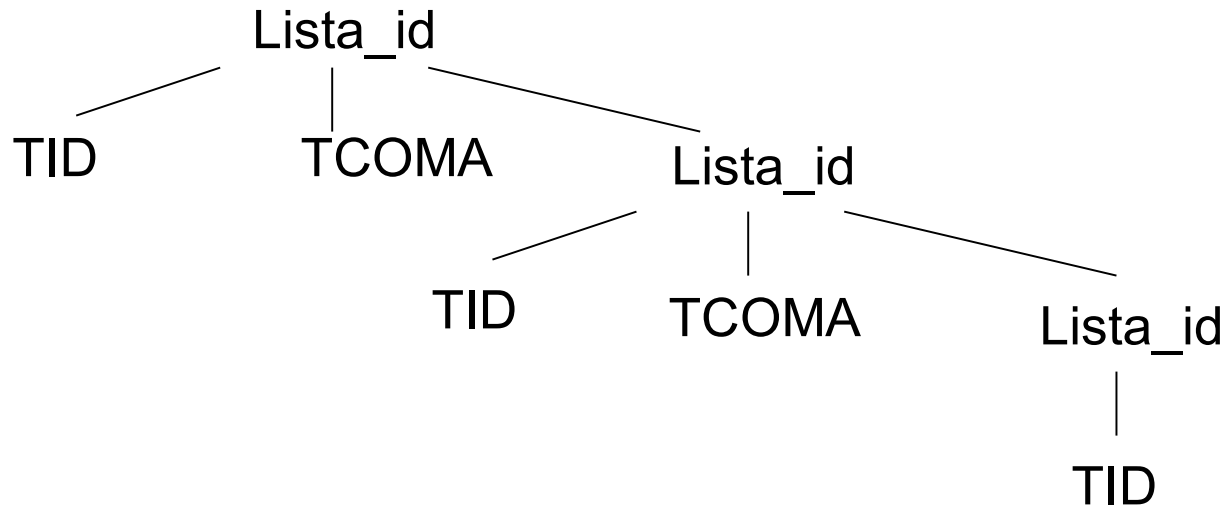
# Derivaciones

- Por la Izquierda (leftmost derivation): en cada paso de la derivación se reemplaza el no terminal que esta mas a la izquierda
- Por la Derecha (rightmost derivation): en cada paso de la derivación se reemplaza el no terminal que esta mas a la derecha. A estas derivaciones se les llama Derivaciones Canónicas

# Arbol de Análisis Sintáctico (Parse Tree)

- Representación gráfica de una derivación
- Los nodos interiores del arbol corresponden a un no Terminal  $A$ , y sus hijos corresponden a los símbolos del lado derecho de la regla de producción que se usó para reemplazar  $A$  en la derivación.
- Las hojas corresponden a No Terminales o Terminales, y al recorrerlas de izquierda a derecha se tiene una forma sentencial

# Arbol de Análisis Sintáctico (Parse Tree): Ejemplo



# Ambigüedad

- Una Gramática Ambigua produce mas de un árbol de parser para una sentencia
- Produce mas de una derivación por la derecha o derivación por la izquierda para la misma cadena
- Algunas veces las gramáticas ambiguas deben ser reescritas para eliminar la ambigüedad

# Ambigüedad

- Sentencia IF ambigua:

Instrucción → Tif expr Tthen Instrucción

| Tif expr Tthen Instrucción Telse Instrucción

| OtrasInstrucciones

- Eliminando la ambigüedad:

Instrucción → InstrCompleta

| InstrIncompleta

InstrCompleta → Tif expr Tthen InstrCompleta Telse

InstrCompleta

| OtrasInstrucciones

InstrIncompleta → Tif expr Tthen Instrucción

| Tif expr Tthen InstrCompleta Telse

InstrIncompleta

# Recursión Izquierda

- Una gramática es Recursiva por la Izquierda si tiene un no terminal  $A$  tal que  $A \Rightarrow A \alpha$  para alguna cadena  $\alpha$
- Los métodos de parsing top-down **no** manejan gramáticas recursivas por la izquierda

- Eliminar la recursión izquierda:

- Si  $A \rightarrow A\alpha \mid \beta$

Reemplazar por:  $A \rightarrow \beta A'$

$$A' \rightarrow \alpha A' \mid \epsilon$$

- Generalizando:  $A \rightarrow A\alpha_1 \mid A\alpha_2 \mid \dots \mid A\alpha_n \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$

Reemplazar por:  $A \rightarrow \beta_1 A' \mid \beta_2 A' \mid \dots \mid \beta_n A'$

$$A' \rightarrow \alpha_1 A' \mid \alpha_2 A' \mid \dots \mid \alpha_n A' \mid \epsilon$$

# Factorización Izquierda

- Una transformación de una gramática necesaria para realizar parsing predictivo

- Factorizando por la izquierda:

- Si  $A \rightarrow \alpha\beta_1 \mid \alpha\beta_2 \mid \dots \mid \alpha\beta_n \mid \gamma$

Donde  $\alpha$  es un prefijo común, y  $\alpha \neq \epsilon$ , y  $\gamma$  representa todas las alternativas que no empiezan con  $\alpha$

Reemplazar por:  $A \rightarrow \alpha A' \mid \gamma$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$